

CONTROLLI AUTOMATICI (18AKSOA)

VIII esercitazione presso il LAIB

Esercizio #1: Progetto di un controllore digitale per un motore elettrico

Si consideri un motore elettrico comandato in armatura, descritto dalle equazioni:

$$L_a \frac{di_a(t)}{dt} = -R_a i_a(t) - K_m \omega(t) + v_a(t)$$

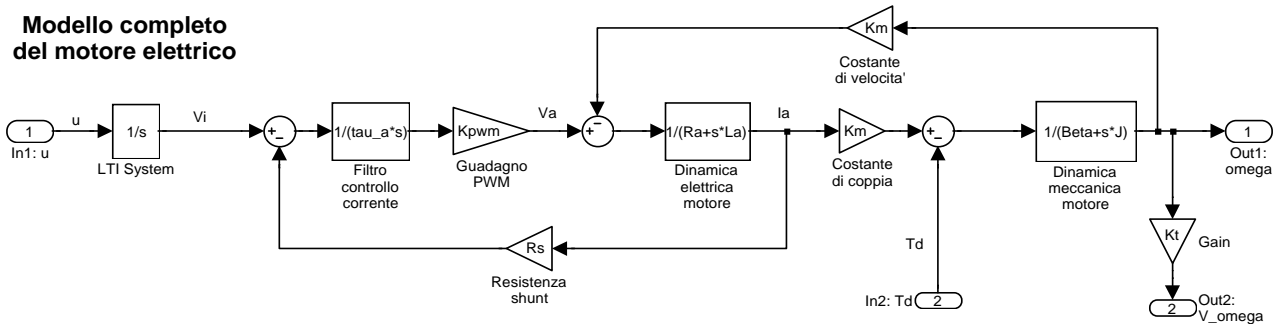
$$J \frac{d\omega(t)}{dt} = K_m i_a(t) - \beta \omega(t) - T_d(t)$$

La tensione di armatura $v_a(t)$ è fornita da un attuatore avente ingresso $u(t)$ e descritto dalle equazioni:

$$\frac{dv_a(t)}{dt} = [v_i(t) - R_s i_a(t)] \frac{K_{PWM}}{\tau_a}$$

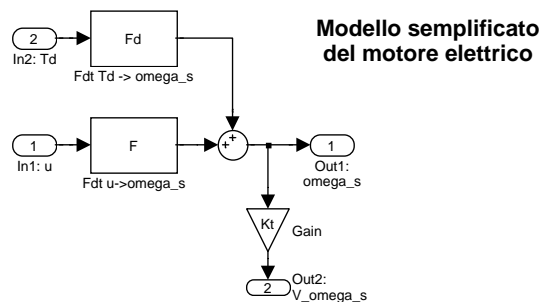
$$\frac{dv_i(t)}{dt} = u(t)$$

Il sistema complessivo, avente come ingressi il comando $u(t)$ e la coppia di disturbo esterna $T_d(t)$ e come uscita la tensione $V_\omega(t) = K_t \cdot \omega(t)$ della dinamo tachimetrica (usata per misurare la velocità angolare ω), può essere rappresentato in SIMULINK mediante il seguente modello:



Si assumano i seguenti valori numerici dei parametri: $R_a = 6\Omega$, $L_a = 3.24 \cdot 10^{-3}H$, $K_m = 0.0535V s/rad = 0.0535Nm/A$, $J = 19.74 \cdot 10^{-6}kg m^2$, $\beta = 17.7 \cdot 10^{-6}N s/m$, $K_{PWM} = 2.925$, $R_s = 7.525\Omega$, $\tau_a = 10^{-3}s$, $K_t = 0.02Vs$.

Un modello semplificato del sistema è il seguente, la cui uscita è la tensione $V_{\omega_s}(t) = K_t \cdot \omega_s(t)$:

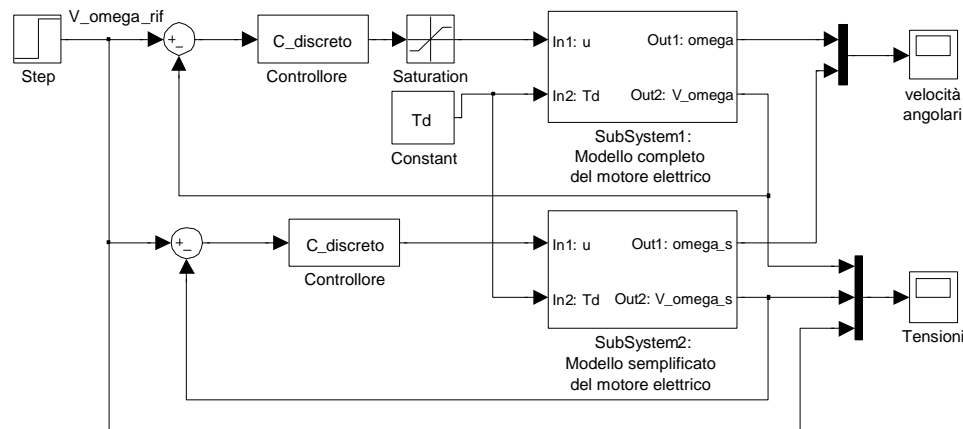


in cui $\omega_s(t)$ è la velocità angolare del modello semplificato e:

$$F(s) = \left. \frac{\omega_s(s)}{u(s)} \right|_{T_d(s)=0} = \frac{402.5}{s(1 + s/0.8967)}$$

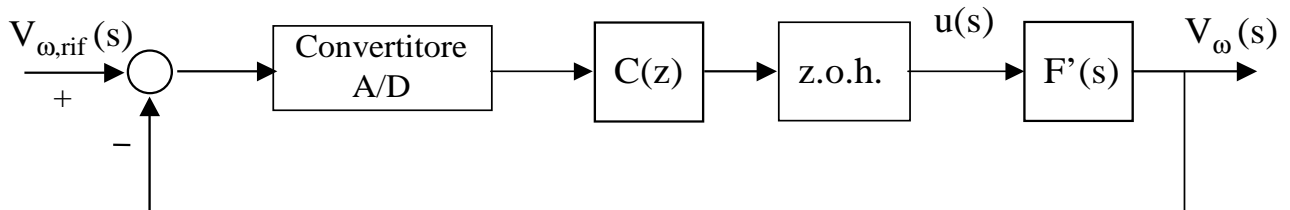
$$F_d(s) = \left. \frac{\omega_s(s)}{T_d(s)} \right|_{u(s)=0} = -\frac{56500}{1 + s/0.8967}$$

I due modelli (completo e semplificato) sono implementati nel simulatore SIMULINK disponibile (`simulatore_motore.mdl`), utilizzabile dopo aver eseguito il file di caricamento dei parametri (`parametri_motore.m`) ed aver progettato un opportuno controllore digitale da includere nel blocco `C_discreto`.



Il controllore digitale $C(z)$ (ottenuto per discretizzazione di un controllore analogico $C(s)$) deve garantire il soddisfacimento delle seguenti specifiche:

1. errore nullo di inseguimento in regime permanente a riferimenti costanti;
2. errore di inseguimento in regime permanente ad un riferimento a rampa $V_{\omega,rif}(t) = t$ non superiore in modulo a 0.05 V;
3. sovraelongazione della risposta al gradino unitario non superiore al 25%;
4. tempo di salita della risposta al gradino non superiore a 0.5 s.



Il controllore analogico deve essere progettato facendo riferimento al modello approssimato del motore elettrico, comprensivo del polo nell'origine inserito dall'attuatore e del guadagno K_t della dinamo tachimetrica:

$$F'(s) = \frac{V_{\omega_s}(s)}{u(s)} = K_t \cdot F(s) = \frac{8.05}{s(1 + s/0.8967)}$$

tenendo conto che la tensione di comando u generata dal controllore non deve superare in modulo il valore di 5 V per evitare saturazioni dell'attuatore.

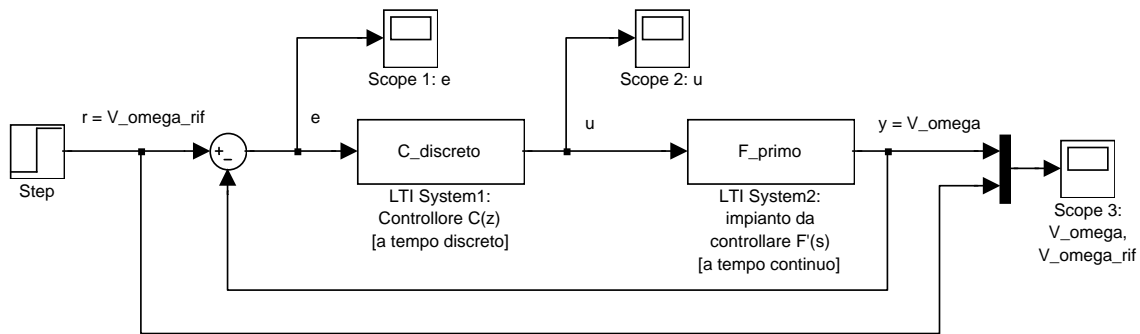
Il controllore analogico deve essere discretizzato scegliendo adeguatamente:

- il passo di campionamento T_s ;
- il metodo di discretizzazione.

Verificare in ambiente MATLAB/SIMULINK il soddisfacimento delle specifiche, secondo i seguenti passi:

1. Verifica delle specifiche con il modello semplificato e valutazione del valore massimo dell'attività sul comando u .

Utilizzare il seguente schema Simulink:



Se il controllore discretizzato progettato soddisfa tutte le specifiche, mantenendo sempre il valore del comando u minore di 5 V in modulo, passare alla successiva verifica delle prestazioni ottenute dal motore rappresentato dal modello completo.

2. Verifica delle specifiche per il motore descritto dal modello completo

Inserire il controllore digitale progettato nel simulatore fornito (`simulatore_motore.mdl`), per verificare che le specifiche siano soddisfatte anche per il motore “reale”, descritto dal modello completo comprensivo del blocco di saturazione a ± 5 V sul comando. Si consiglia di inserire in un unico file la definizione dei parametri del motore (contenuta in `parametri_motore.m`) e del controllore digitale progettato, da eseguire prima della simulazione in SIMULINK.

Confrontare il comportamento del motore descritto dal modello completo con quello del sistema semplificato, verificando che le specifiche siano comunque soddisfatte:

1. in assenza di disturbi ($T_d = 0$)
2. in presenza di una coppia di disturbo $T_d = \pm 10^{-4}$ Nm.

In caso di mancato soddisfacimento delle specifiche, modificare opportunamente il progetto del controllore e ripetere i passi precedenti.

Nota: Per la verifica del soddisfacimento della specifica relativa all'errore di inseguimento alla rampa è sufficiente sostituire al blocco Step l'apposito blocco Ramp.

Esercizio #2: Progetto di un controllore PID

Un sistema avente funzione di trasferimento

$$F(s) = \frac{5(1 + s/4)}{(1 + s)^2(1 + s/16)^2}$$

è controllato in catena chiusa con retroazione negativa unitaria e controllore in cascata di tipo PID *reale*, con funzione di trasferimento:

$$C_{PID}(s) \doteq \frac{u(s)}{r(s) - y(s)} = K_p \left(1 + \frac{1}{T_I s} + \frac{T_D s}{1 + \frac{T_D}{N} s} \right)$$

Progettare il PID mediante un metodo di taratura a scelta, scegliendo N in modo da posizionare opportunamente il polo di chiusura del blocco derivatore. Valutare la sovralongazione massima $\hat{s}\%$ ed il tempo di salita t_s della risposta al gradino del sistema retroazionato.